

Nome: ..... Matrícula: .....

Obs.: Resolva as questões e justifique as respostas nas folhas de papel almaço.

1ª Questão: (1,5) a) Determine uma transformação de similaridade  $Q$  que diagonalize a matriz

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

ou seja, encontre  $Q$  e  $Q^{-1}$  tal que  $\hat{A} = Q^{-1}AQ$  seja diagonal.

b) Compute  $\exp(At)$ .

2ª Questão: (1,0) a) Determine o polinômio característico da matriz  $A$  que satisfaz

$$3A^{-2} = 6I + 3A^{-1}$$

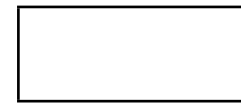
b) Encontre uma matriz  $A$  que possua um polinômio característico idêntico ao computado no item a).

3ª Questão: (1,5) Determine  $\cosh(A)$  com

$$A = \begin{bmatrix} 0 & \frac{\pi}{4} \\ -\frac{\pi}{4} & 0 \end{bmatrix}$$

Obs:  $\cosh(\lambda) = \frac{1}{2}(\exp(\lambda) + \exp(-\lambda))$ ,  $e^{j\theta} = \cos(\theta) + j\text{sen}(\theta)$

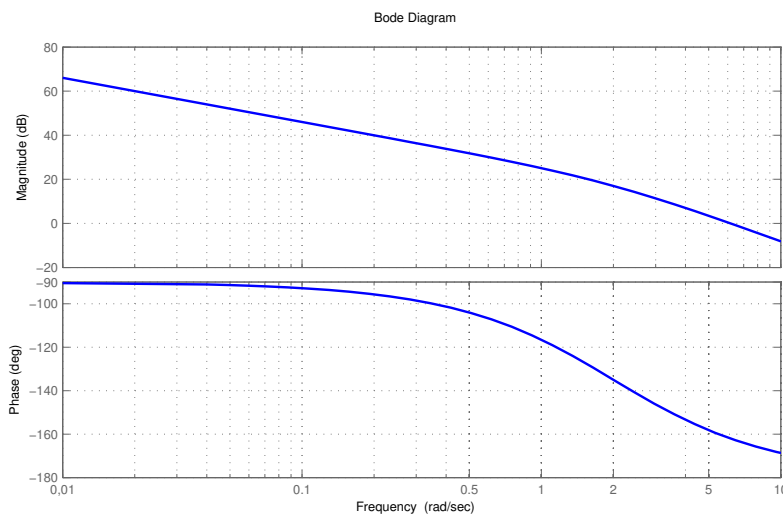
1a	
1b	
2a	
2b	
3	
4a	
4b	
5a	
5b	
6	



4ª Questão:(2,0) Considere o sistema não compensado

$$G(s) = \frac{K}{s(s + 10)^2}$$

Os diagramas de bode do sistema não compensado (considerando o valor de  $K$  a ser calculado) são apresentados na Figura.



a) Determine a margem de fase e a margem de ganho do sistema não compensado.

b) Projete um compensador em atraso de fase que atenda as seguintes especificações: erro estático de velocidade 0.05 e margem de fase aproximadamente igual a 45°.

5ª Questão: (2,0) Considere o sistema linear invariante no tempo dado por:

$$\dot{v} = \begin{bmatrix} -3 & -2 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} v + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} x \tag{1}$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix} v, \quad v(0) = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \tag{2}$$

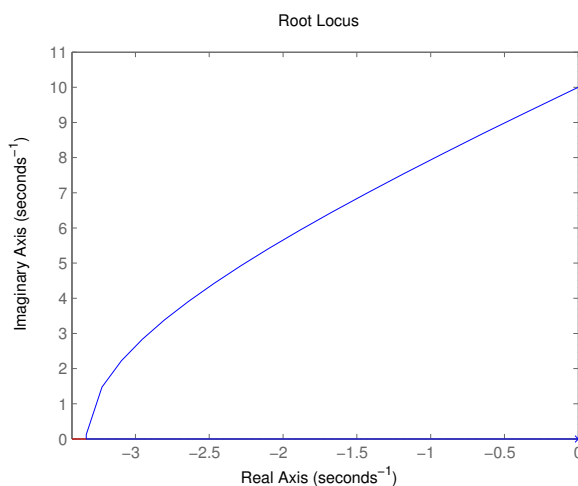
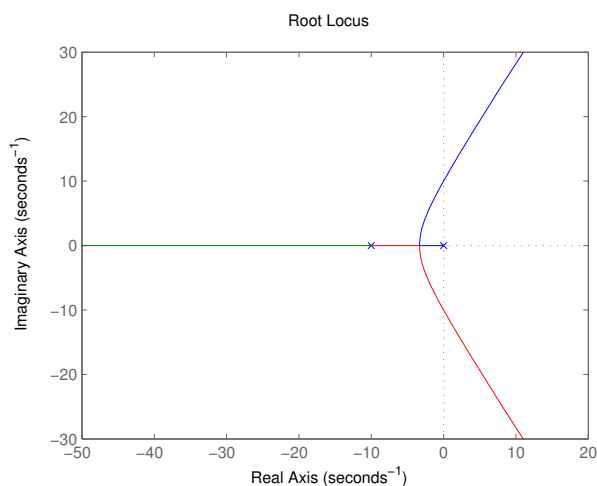
a) Determine a resposta  $y(t)$  para uma entrada  $x(t)$  igual ao degrau.

b) Determine a resposta  $y(t)$  para uma entrada  $x(t)$  igual a rampa.

6ª Questão:(2,0) Considere a planta em malha aberta

$$G(s) = \frac{k}{s(s + 10)^2}$$

Projete um controlador em atraso de fase para que o sistema em malha fechada com realimentação unitária atenda as seguintes especificações: constante de velocidade  $K_v = 20$  e amortecimento  $\xi = 0.707$ . O lugar das raízes do sistema não compensado e o zoom da área de interesse são apresentados na sequência.



**Questão X:** Assuma que a resposta em frequência de um sistema modelado pela função de transferência racional  $G(s)$  seja conhecida. Assuma também que  $G(s)$  representa um sistema estável ( $MF > 0$ ;  $MG > 0$ ). Em seguida incorpore um atraso de transporte de  $\tau$  segundos a  $G(s)$ , obtendo  $G(s)e^{-\tau s}$ . Qual o efeito da inclusão do atraso no diagrama de magnitude e no diagrama de fase do sistema? Qual o efeito da variação do atraso nos diagramas? (Máximo 5 linhas).

**Consulta:**

$$\alpha = \frac{1 - \sin(\phi_m)}{1 + \sin(\phi_m)}, \quad |C_1(jw)|_{w=w_m} = \frac{1}{\sqrt{\alpha}}, \quad |G_1(jw)|_{dB} = -20 \log\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}}\right), \quad w_m = \frac{1}{T\sqrt{\alpha}}$$

$$C(s)P(s) = K_c \alpha \frac{Ts + 1}{\alpha Ts + 1} P(s) = C_1(s)G_1(s), \quad C_1(s) = \frac{Ts + 1}{\alpha Ts + 1}, \quad G_1(s) = KP(s), \quad K = K_c \alpha$$

$$C(s)P(s) = K_c \beta \frac{Ts + 1}{\beta Ts + 1} P(s) = C_1(s)G_1(s), \quad C_1(s) = \frac{Ts + 1}{\beta Ts + 1}, \quad G_1(s) = KP(s), \quad K = K_c \beta$$

$$|C_1(jw)|_{w=w_c} = -20 \log(\beta)$$