

# PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

UNIVERSIDADE FEDERAL DE SÃO JOÃO DEL-  
REI PRÓ-REITORIA DE PESQUISA



CENTRO FEDERAL DE EDUCAÇÃO TECNOLÓGICA  
DE MINAS GERAIS  
DIRETORIA DE PESQUISA E PÓS-GRADUAÇÃO



## Plano de Ensino

<b>DISCIPLINA:</b> TE: Computação Aritmética	<b>CÓDIGO:</b> MEL02
--	-------------------------

**Validade:** A partir do 2º semestre de 2017.

**Carga Horária:** 45 horas-aula

**Créditos:** 03

**Área de Concentração/Módulo:** Modelagem e Controle de Sistemas / Formação Específica

**Professor:** Erivelton Geraldo Nepomuceno

**Página:** [www.ufsj.edu.br/nepomuceno](http://www.ufsj.edu.br/nepomuceno)

**Horário de atendimento:** Sextas, 13h30 às 16h30, Sala 4.23 EL.

**Ementa:**

Números reais e complexos; Topologia; Sequências e Séries; Continuidade e Diferenciabilidade; Sequência e Série de Funções; Representação de Números; Operações Aritméticas no Computador; Projeto de uma Unidade Lógica Aritmética; Dispositivos Lógicos Programáveis (FPGA), Norma IEEE 754-2008 - Aritmética de Ponto Flutuante; Norma IEEE-1788-2015 - Aritmética Intervalar.

### INTERDISCIPLINARIDADES

#### Inter-relações desejáveis

É desejável que os conhecimentos adquiridos na disciplina TE: Análise Matemática tenham interação com as seguintes disciplinas:

- **Disciplinas**  Sistemas Dinâmicos Não-lineares; Métodos Numéricos; Técnicas de Otimização; Teoria e Projeto de Sistemas Lineares;

- **Linhas de Pesquisa**  Análise e Modelagem de Sistemas; Sistemas de Controle (área de concentração: Modelagem e Controle de Sistemas).

**Objetivos** - Possibilitar ao estudante os seguintes conhecimentos:

Entender como um computador resolve problemas numéricos, reconhecendo seus limites na perspectiva da computação aritmética.

Marque com um X no quadro:

<input checked="" type="checkbox"/>	X	Aula expositiva em quadro	X	Seminário
		Aula com uso de transparência	X	Pesquisa
<input checked="" type="checkbox"/>	X	Aula com uso de multimídia		Trabalho individual
		Aula prática	X	Trabalho em grupo
		Discussão de texto		Visita técnica
		Filme		Outros: _____

Unidades de ensino		Carga-horária Horas-aula
1	1. Números reais e complexos 1.1. Introdução 1.2. Conjuntos ordenados 1.3. Corpo 1.4. O corpo real 1.5. Números reais estendidos 1.6. O corpo complexo 1.7. Espaço Euclidiano	6
2	2. Topologia Básica 2.1. Conjuntos finitos, contáveis e incontáveis 2.2. Espaços métricos 2.3. Conjuntos compactos 2.4. Conjuntos perfeitos 2.5. Conjuntos conectados	3
3	3. Sequências e Séries 3.1. Sequências convergentes 3.2. Subsequências 3.3. Sequência de Cauchy 3.4. Limite inferior e superior 3.5. Sequências especiais 3.6. Séries 3.7. Testes da razão e raiz	3
4	4. Continuidade e Diferenciabilidade 4.1. Limites de função 4.2. Funções contínuas 4.3. Continuidade e Conjuntos compactos 4.4. Continuidade e Conjuntos conectados 4.5. Descontinuidades 4.6. Funções Monotônicas 4.7. Limites infinitos e limites no infinito 4.8. A derivativa da função real 4.9. O teorema do valor médio 4.10. A continuidade de derivativas 4.11. A regra de L'Hospital 4.12. Teorema de Taylor	3
	5. Sequências e séries de funções 5.1. Discussão do problema principal 5.2. Convergência uniforme 5.3. O teorema de Stone-Weierstrass 5.4. Convergência de funções recursivas	3
	6. Representação de Números 6.1. Números e aritmética 6.2. Representação de números com sinal 6.3. Sistema redundante de números 6.4. Sistema residual	3
	7. Operações Aritméticas no Computador 7.1. Adição 7.2. Subtração 7.3. Multiplicação 7.4. Divisão 7.5. Projeto de uma Unidade Lógica Aritmética	6

8. Dispositivos Lógicos Programáveis (FPGA) 8.1. Introdução ao FPGA 8.2. Linguagem de Descrição de Hardware (VHDL) 8.3. Implementação do VHDL em Hardware	6
9. Norma IEEE 754-2008 - Aritmética de Ponto Flutuante 9.1. Os números reais 9.2. Representação Computacional de Números 9.3. Representação IEEE 9.4. Arredondamento 9.5. Operações na norma IEEE 9.6. Exceções 9.7. Microprocessadores Intel 9.8. Linguagens de Programação 9.9. Ponto Flutuante em C 9.10. Cancelamento 9.11. Condicionamento de Problemas 9.12. Estabilidade de Algoritmos	6
10. Norma IEEE-1788-2015 - Aritmética Intervalar. 10.1. Introdução 10.2. O sistema de numeração intervalar 10.3. Aplicações iniciais 10.4. Propriedades Básicas 10.5. Funções intervalares 10.6. Sequências intervalares 10.7. O limite inferior do erro 10.8. Tempo crítico de simulação via Expoente de Lyapunov	3
Seminário	3
<b>Total</b>	<b>45</b>

### Métodos de Avaliação

#### 1. Itens de avaliação:

1. T<sub>1</sub>: Exercícios para entregar e em sala de aula.
2. T<sub>2</sub>: Elaboração da proposta do seminário.
3. T<sub>3</sub>: Fundamentação teórica e Metodologia do seminário.
4. T<sub>4</sub>: Resultados parciais para o seminário.
5. T<sub>5</sub>: Artigo científico de 6 a 8 páginas do seminário.
6. T<sub>6</sub>: Apresentação.
7. P<sub>s</sub>: Prova substitutiva (conteúdo de toda a disciplina).

#### 2. Observações:

1. Cada item será avaliado em uma nota de 0 a 100.
2. A nota T<sub>1</sub> é a média das notas de cada exercício.
3. As orientações para o seminário que compõe as notas N<sub>2</sub> a N<sub>6</sub> encontram-se na página do professor.

#### 3. Cálculo das Notas:

1. A N<sub>1</sub> (escala de 0 a 10) é dada por:

$$N_1 = \frac{2T_1 + T_2 + T_3 + T_4 + 4T_5 + T_6}{100}$$

2. O aluno poderá realizar a prova substitutiva (P<sub>s</sub>), sendo que:

$$N_2 = \frac{1}{2} \left( N_1 + \frac{P_s}{100} \right)$$

- Para atender o § 3º do Art. 19 (Resolução Conep 12/2018), a nota final do aluno será a maior nota entre N<sub>1</sub> e N<sub>2</sub> dada por:

$$N_f = \text{máximo}(N_1, N_2)$$

- O aluno será aprovado somente se  $N_f \geq 6,0$ .

### **Bibliografia Básica**

- Rudin, W. (1976), *Principles of mathematical analysis*, McGraw-Hill New York.
- Parhami, B. (2012). *Computer arithmetic algorithms and hardware architectures*. Oxford University Press, New York.
- Tocci, R. J., Widmer, N. S., & Moss, G. L. (2011). *Sistemas Digitais. Princípios e Aplicações* (11th ed.). São Paulo: Pearson Prentice Hall.
- Overton, M. L. (2001), *Numerical Computing with IEEE floating point arithmetic*, SIAM.
- Moore, R. E., Kearfott, R. B., & Cloud, M. J. (2009). *Introduction to Interval Analysis*. SIAM.

### **Bibliografia Complementar**

Antelo, E., Hough, D., & Jenne, P. (2012). Guest Editors' Introduction: Special Section on Computer Arithmetic. *IEEE Transactions on Computers*, 61(8), 1057–1058.

<https://doi.org/10.1109/TC.2012.153>

Boldo, S. (2013). How to Compute the Area of a Triangle: A Formal Revisit. In *2013 IEEE 21st Symposium on Computer Arithmetic* (pp. 91–98). IEEE.

<https://doi.org/10.1109/ARITH.2013.29>

Bruguera, J. D. (2014). Optimizing the representation of intervals. *Science of Computer Programming*, 90(PART A), 21–33. <https://doi.org/10.1016/j.scico.2013.06.002>

Corless, R. M. (1994). What good are numerical simulations of chaotic dynamical systems? *Computers & Mathematics with Applications*, 28(10), 107–121.

[https://doi.org/http://dx.doi.org/10.1016/0898-1221\(94\)00188-X](https://doi.org/http://dx.doi.org/10.1016/0898-1221(94)00188-X)

Ferrar, W. L. (1938). *A Text-Book of Convergence*. Oxford : Clarendon Press.

Galias, Z. (2013). The Dangers of Rounding Errors for Simulations and Analysis of Nonlinear Circuits and Systems?and How to Avoid Them. *IEEE Circuits and Systems Magazine*, 13(3), 35–52. <https://doi.org/10.1109/MCAS.2013.2271444>

Goldberg, D. (1991). What every computer scientist should know about floating-point arithmetic. *ACM Computing Surveys*, 23(1), 5–48.

<https://doi.org/10.1145/103162.103163>

Hasan, A., Kerrigan, E. C., & Constantinides, G. A. (2013). Control-Theoretic Forward Error Analysis of Iterative Numerical Algorithms. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 58(6), 1524–1529. <https://doi.org/10.1109/TAC.2012.2225513>

Institute of Electrical and Electronics Engineers (IEEE). (2008). IEEE Standard for Floating-Point Arithmetic. *IEEE Std 754-2008*, 1–70.

<https://doi.org/10.1109/IEEESTD.2008.4610935>

- Institute of Electrical and Electronics Engineers (IEEE). (2015). IEEE Standard for Interval Arithmetic. *IEEE Std 1788-2015*, 1–97.  
<https://doi.org/10.1109/IEEESTD.2015.7140721>
- Lozi, R. (2013). Can we trust in numerical computations of chaotic solutions of dynamical systems? In C. Letellier & R. Gilmore (Eds.), *Topology and Dynamics of Chaos: In Celebration of Robert Gilmore's 70th Birthday* (pp. 63–98). London: World Scientific.  
[https://doi.org/10.1142/9789814434867\\_0004](https://doi.org/10.1142/9789814434867_0004)
- Mendes, E. M. A. M., & Nepomuceno, E. G. (2016). A Very Simple Method to Calculate the (Positive) Largest Lyapunov Exponent Using Interval Extensions. *International Journal of Bifurcation and Chaos*, 26(13), 1650226.  
<https://doi.org/10.1142/S0218127416502266>
- Moore, R. E., Kearfott, R. B., & Cloud, M. J. (2009). *Introduction to Interval Analysis*. Philadelphia: SIAM.
- Nepomuceno, E. G. (2014). Convergence of recursive functions on computers. *The Journal of Engineering*, 2014(10), 560–562. <https://doi.org/10.1049/joe.2014.0228>
- Nepomuceno, E. G., & Martins, S. A. M. (2016). A lower bound error for free-run simulation of the polynomial NARMAX. *Systems Science & Control Engineering*, 4(1), 50–58.  
<https://doi.org/10.1080/21642583.2016.1163296>
- Nepomuceno, E. G., & Mendes, E. M. A. M. (2017). On the analysis of pseudo-orbits of continuous chaotic nonlinear systems simulated using discretization schemes in a digital computer. *Chaos, Solitons & Fractals*, 95, 21–32.  
<https://doi.org/10.1016/j.chaos.2016.12.002>
- Nepomuceno, E. G., Martins, S. A. M., Lacerda, M. J., & Mendes, E. M. A. M. (2018). On the Use of Interval Extensions to Estimate the Largest Lyapunov Exponent from Chaotic Data. *Mathematical Problems in Engineering*, 2018, 1–8.  
<https://doi.org/10.1155/2018/6909151>
- Nepomuceno, E. G., Peixoto, M. L. C., Martins, S. A. M., Rodrigues, H. M., & Perc, M. (2018). Inconsistencies in Numerical Simulations of Dynamical Systems Using Interval Arithmetic. *International Journal of Bifurcation and Chaos*, 28(04), 1850055.  
<https://doi.org/10.1142/S0218127418500554>
- Nepomuceno, E. G., Rodrigues Junior, H. M., Martins, S. A. M., Perc, M., & Slavinec, M. (2018). Interval computing periodic orbits of maps using a piecewise approach. *Applied Mathematics and Computation*, 336, 67–75. <https://doi.org/10.1016/j.amc.2018.04.063>
- Overton, M. L. (2001). *Numerical Computing with IEEE Floating Point Arithmetic*. Philadelphia: Society for Industrial and Applied Mathematics.  
<https://doi.org/10.1137/1.9780898718072>

- Parhami, B. (2012). *Computer arithmetic algorithms and hardware architectures*. Oxford University Press, New York. Retrieved from [https://www.ece.ucsb.edu/~parhami/text\\_comp\\_arit.htm](https://www.ece.ucsb.edu/~parhami/text_comp_arit.htm)
- Rodrigues Junior, H. M., Peixoto, M. L. C., Nepomuceno, E. G., & Martins, S. A. M. (2018). Using Different Interval Extensions to Increase the Accuracy of the Exact Solution on Recursive Functions. *Discontinuity, Nonlinearity, and Complexity*, 7(2), 165–172. <https://doi.org/10.5890/DNC.2018.06.005>
- Rothwell, E. J., & Cloud, M. J. (2012). Automatic error analysis using intervals. *Education, IEEE Transactions On*, 55(1), 9–15. <https://doi.org/10.1109/TE.2011.2109722>
- Rudin, W. (1976). *Principles of Mathematical Analysis*. New York: McGraw-Hill.
- Rump, S. M. (1999). INTLAB - INTerval LABoratory. In T. Csendes (Ed.), *Developments in Reliable Computing* (pp. 77–104). Dordrecht: Kluwer Academic Publishers.
- Silva, M. R., Nepomuceno, E. G., Amaral, G. F. V., & Martins, S. A. M. (2018). Exploiting the rounding mode of floating-point in the simulation of Chua's circuit. *Discontinuity, Nonlinearity, and Complexity*, 7(2), 185–193. <https://doi.org/10.5890/DNC.2018.06.007>
- Silva, M. R., Nepomuceno, E. G., Amaral, G. F. V., & Silva, V. V. R. (2016). Simulation of Chua's Circuit by Means of Interval Analysis. In *6th International Conference on Nonlinear Science and Complexity - São José dos Campos* (pp. 1–4). São José dos Campos- Brazil. <https://doi.org/10.20906/CPS/NSC2016-0016>

Elaborador por Prof. Erivelton Geraldo Nepomuceno em 26/06/2018.



Aprovado na reunião do colegiado em \_\_\_\_/\_\_\_\_/\_\_\_\_.

Coordenador do Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica